



Паралелно Програмиране

Езици и Библиотеки (API) за
паралелно програмиране

доц. д-р Александър Пенев

Паралелност на различните нива на системата

- ❖ На ниво Език за програмиране:
 - ❖ Канали (Channel);
 - ❖ Съпрограми (Coroutines);
 - ❖ Фючърси и „Обещания“ (Futures and Promises);
- ❖ На ниво ОС:
 - ❖ Многозадачност – кооперативна многозадачност и превантивна (preemptive) многозадачност;
 - ❖ Време деление, което заменя последователната „пакетна обработка“ на задачите с едновременна употреба на система
 - ❖ Процеси (Process);
 - ❖ Нишки (Thread);
- ❖ На ниво хардуер и мрежа: по начало са паралелни (различни у-ва);



Езици за Паралелно Програмиране (ЕПП)

Езици с елементи на ПП

- ❖ Ada – ключова дума task и др. вградени в езика;
- ❖ Cilk, Cilk++, Cilk Plus – C и C++ базирани езици, в които чрез допълнителни ключови думи се дефинира паралелизъм (Fork-Join концепцията);
- ❖ Cω – C Omega е изследователски език, разширяващ възможностите на C# с асинхронни комуникации;
- ❖ Clojure – диалект на Lisp, изпълняван на Java VM. Силно функционален, поддържа STM и др.;
- ❖ Co-array Fortran;
- ❖ Concurrent Pascal;
- ❖ Eiffel;
- ❖ Elixir – функционален език. Конкурентност на базата на леки нишки, които могат да комуникират чрез съобщения;
- ❖ Emerald – използва нишки и монитори;

Езици с елементи на ПП

- ❖ Erlang – използва асинхронни предавания на съобщения и „nothing shared” подход;
- ❖ Gambit Scheme – функционален. Прилага мощен и прост модел на предаване на съобщения, както и вдъхновен от Erlang модел на конкурентност;
- ❖ Go – CSP модел, goroutines (вариант на съпрограми), асинхронен, channels, и др.;
- ❖ Java;
- ❖ Julia;
- ❖ Ocaml – Базиран на Communicating Sequential Processes (CSP);
- ❖ Ocaml-π – модерен вариант на ocaml, като са добавени и идеи от π-calculus;

Езици с елементи на ПП

- ❖ Orc – недетерминиран, разпределен и конкурентен език;
- ❖ P;
- ❖ Pict – π -calculus базиан;
- ❖ Rust – паралелизъм базиран на Send, Sync и Thread;
- ❖ Scala – реализира Erlang-стил actors върху JVM;
- ❖ SequenceL – чисто функционален, автоматично паралелизиращ;
- ❖ Unified Parallel C;
- ❖ Modula-2 – наследник на Pascal. Има поддръжка на coroutines;
- ❖ Modula-3 – поддържа threads, mutexes, condition variables;
- ❖ SuperPascal – базиран на Concurrent Pascal и Joyce;
- ❖ VHASIC Hardware Description Language (VHDL)—IEEE STD-1076;
- ❖ ...

Пример Оссам

```
-- oscam
PROC write.string(CHAN output, VALUE string[])=
    SEQ character.number = [1 FOR string[BYTE 0]]
    output ! string[BYTE character.number]

write.string(terminal.screen, "Hello World!")

var ch
PAR
    terminal.keyboard ? ch
    terminal.screen ! "."
```



Библиотеки за Паралелно Програмиране (API)

Библиотеки (API) за ПП

- ❖ OpenMP;
- ❖ MPI, MPI-2;
- ❖ Java concurrency framework;
- ❖ Task Parallel Library for .NET;
- ❖ Threading Building Blocks (TBB);
- ❖ CUDA;
- ❖ OpenCL;
- ❖ OpenHMPP;
- ❖ Apache Hadoop;
- ❖ Apache Spark;
- ❖ Apache Flink;
- ❖ Apache Beam;
- ❖ ...

*Примери и
Често Използвани
ЕПП и API*

C++11

(Futures, Promises, ...)

Фючърси (*Futures*) C++11

- ❖ Atomic;
- ❖ Thread;
- ❖ Mutex;
- ❖ Condition variable;
- ❖ Future & Promises;
- ❖ ...



Фючърси (Futures) C++11

```
#include <iostream>           // std::cout
#include <future>              // std::async, std::future
#include <chrono>              // std::chrono::milliseconds

// a non-optimized way of checking for prime numbers:
bool is_prime(int x) {
    for (int i=2; i<x; ++i) if (x%i==0) return false;
    return true;
}
```



Фючърси (Futures) C++11

```
int main() {
    // call function asynchronously:
    std::future<bool> fut = std::async(is_prime, 444444443);

    // do something while waiting for function to set future:
    std::cout << "checking, please wait";
    std::chrono::milliseconds span(100);
    while (fut.wait_for(span)==std::future_status::timeout)
        std::cout << '.' << std::flush;

    bool x = fut.get(); // retrieve return value

    std::cout << "\n444444443 " << (x?"is":"is not") << " prime.\n";

    return 0;
}
```



Обещания (Promises) C++11

```
#include <iostream>           // std::cout
#include <functional>         // std::ref
#include <thread>             // std::thread
#include <future>             // std::promise, std::future

void print_int(std::future<int>& fut) {
    int x = fut.get();
    std::cout << "value: " << x << '\n';
}

int main() {
    std::promise<int> prom;           // create promise
    std::future<int> fut = prom.get_future(); // engag. with future
    std::thread th1(print_int, std::ref(fut)); // send future to thr.
    prom.set_value(10);              // fulfill promise
    th1.join();                      // (synchronizes with getting the future)
    return 0;
}
```



C#

(Threads, Parallel.For, PLINQ, Tasks, Futures, ...)

- ❖ Threads (System.Threading);
- ❖ Task Parallel Library (TPL) – Tasks.Parallel, Parallel.For, Parallel.ForEach, Parallel.Invoke, ... (System.Threading.Tasks);
- ❖ PLINQ;
- ❖ Работа с Task обекти, представящи асинхронни операции;
- ❖ Futures;
- ❖ async + await, yield;

Tasks

```
using System.Threading; using System.Threading.Tasks;
class Program {
    static void Main(string[] args) {
        Task<int[]> parent = new Task<int[]>(() => {
            var results = new int[3];
            new Task(() => {Thread.Sleep(15000); results[0] = 0;},
                TaskCreationOptions.AttachedToParent).Start();
            new Task(() => results[1] = 1,
                TaskCreationOptions.AttachedToParent).Start();
            new Task(() => results[2] = 2,
                TaskCreationOptions.AttachedToParent).Start();
            return results;
        });
        // ...
    }
}
```

Tasks

```
// ...

parent.Start();
var finalTask = parent.ContinueWith(
    parentTask => {
        foreach (int i in parentTask.Result)
            Console.WriteLine(i);
    });
finalTask.Wait();
}
}
```



Parallel.For

```
using System.Linq;
using System.Threading; using System.Threading.Tasks;

class Program {
    static void Main(string[] args) {
        Parallel.For(0, 10, i => {
            Thread.Sleep(1000);
        });
        var numbers = Enumerable.Range(0, 10);
        Parallel.ForEach(numbers, i => {
            Thread.Sleep(1000);
        });
    }
}
```



PLINQ

```
var source = Enumerable.Range(1, 10000);

// Opt in to PLINQ with AsParallel.
var evenNums = from num in source.AsParallel()
               where num % 2 == 0
               select num;

Console.WriteLine("{0} even numbers out of {1} total",
                  evenNums.Count(), source.Count());
```

Резултат:

5000 even numbers out of 10000 total



Java

(Threads, Futures, Streams, ...)

Поддръжка на паралелни примитиви в езика и във framework-a

- ❖ Синхронизирани методи (като част от ЕП – ключова дума);
- ❖ Threads (`java.lang.Thread` и `java.lang.Runnable`);
- ❖ Futures, (`java.util.concurrent`);
- ❖ Atomic и Locks (`java.util.concurrent.atomic`, `java.util.concurrent.locks`);
- ❖ Streams (`java.util.stream`);

Синхронизирани методи (lock)

```
public synchronized void critical() {
    // some thread critical stuff here
}

public void add(String site) {
    synchronized (this) {
        if (!crawledSites.contains(site)) {
            linkedSites.add(site);
        }
    }
}
```


Thread

```
class PrimeThread extends Thread {
    long minPrime;

    PrimeThread(long minPrime) {
        this.minPrime = minPrime;
    }

    public void run() {
        // compute primes larger than minPrime ...
    }
}

// Create and start thread
PrimeThread p = new PrimeThread(143);
p.start();
```

Runnable

```
class PrimeRun implements Runnable {
    long minPrime;
    PrimeRun(long minPrime) {
        this.minPrime = minPrime;
    }

    public void run() {
        // compute primes larger than minPrime ...
    }
}

// Create a thread and start it running
PrimeRun p = new PrimeRun(143);
new Thread(p).start();
```

Locks

```
class X {  
    private final ReentrantLock lock = new ReentrantLock();  
  
    public void m() {  
        lock.lock(); // block until condition holds  
        try {  
            // ... method body  
        } finally {  
            lock.unlock()  
        }  
    }  
}
```

Брояч без *Atomics*

```
public class SafeCounterWithLock {  
    private volatile int counter;  
  
    public synchronized void increment() {  
        counter++;  
    }  
}
```

Брояч с *Atomics*

```
public class SafeCounterWithoutLock {
    private final AtomicInteger counter = new AtomicInteger();

    public void increment() {
        while(true) {
            int existingValue = counter.getValue();
            int newValue = existingValue + 1;
            if(counter.compareAndSet(existingValue, newValue)) {
                return;
            }
        }
    }
}
```

Streams

```
List<String> memberNames = new ArrayList<>();  
memberNames.add("Amitabh");  
memberNames.add("Shekhar");  
memberNames.add("Aman");  
memberNames.add("Rahul");  
memberNames.add("Shahrukh");  
memberNames.add("Salman");  
memberNames.add("Lokesh");  
  
memberNames.stream().filter((s) -> s.startsWith("A"))  
                .forEach(System.out::println);
```

Резултат:

Amitabh

Aman



Streams

```
memberNames.stream().filter((s) -> s.startsWith("A"))  
                .map(String::toUpperCase)  
                .forEach(System.out::println);
```

Резултат:

AMITABH

AMAN

Streams

```
memberNames.stream().sorted()  
                .map(String::toUpperCase)  
                .forEach(System.out::println);
```

Резултат:

AMAN

AMITABH

LOKESH

RAHUL

SALMAN

SHAHRAKH

SHEKHAR



Streams

```
List<String> memNamesInUppercase =  
memberNames.stream().sorted()  
                .map(String::toUpperCase)  
                .collect(Collectors.toList());  
  
System.out.print(memNamesInUppercase);
```

Резултат:

[AMAN, AMITABH, LOKESH, RAHUL, SALMAN, SHAHRUKH, SHEKHAR]



Streams

```
Optional<String> reduced = memberNames.stream()  
    .reduce((s1,s2) -> s1 + "#" + s2);  
  
reduced.ifPresent(System.out::println);
```

Резултат:

Amitabh#Shekhar#Aman#Rahul#Shahrukh#Salman#Lokesh

Streams

```
public class StreamBuilders {
    public static void main(String[] args) {
        List<Integer> list = new ArrayList<Integer>();
        for(int i = 1; i < 10; i++){
            list.add(i);
        }
        // Here creating a parallel stream
        Stream<Integer> stream = list.parallelStream();
        Integer[] evenNumbersArr = stream
            .filter(i -> i%2 == 0).toArray(Integer[]::new);
        System.out.print(evenNumbersArr);
    }
}
```

OpenMP

(Fork-Join, #pragma, ...)

Базиран основно *Fork-Join*

- ❖ Използва `#pragma` директиви на компилатора, за да “подскаже” на компилатора как искаме при възможност да се разпаралели програмата;
- ❖ Ако компилатора не поддържа OpenMP или не са зададени правилните параметри на компилатора, то директивата се игнорира и програмата се компилира както нормално;
- ❖ Shared memory многозадачен модел;
- ❖ Базиран на Fork-Join модела;
- ❖ Могат да се задават бариери и много други с параметрите на директивата `#pragma omp . . .`

OpenMP пример

```
void simple(int n, float *a, float *b) {  
    int i;  
  
    #pragma omp parallel for  
    for (i=1; i<n; i++) /* i is private by default */  
        b[i] = (a[i] + a[i-1]) / 2.0;  
}
```

MPI

(Комуникация, Синхронизация, ...)

MPI

- ❖ Комуникация (MPI_Send, MPI_Recv, MPI_Sendrecv и др.);
- ❖ Разпределяне на работата;
- ❖ Глобални редукции (MPI_Reduce, MPI_Op_create, MPI_Allreduce, MPI_Reduce_scatter, MPI_Scan и др.);
- ❖ Синхронизация (MPI_Barrier, синхронни комуникации и др.);
- ❖ Дефиниране на потребителски типове;
- ❖ Дефиниране на виртуални топологии;
- ❖ Паралелен В/И (MPI-2);
- ❖ Стартиране на процеси (MPI-2)
- ❖ И др.;

MPI – пример (Hello World)

```
#include <mpi.h>
#include <stdio.h>
int main(int argc, char** argv) {
    MPI_Init(NULL, NULL); // Initialize the MPI environment
    int world_size; // Get the number of processes
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &world_size);
    int world_rank; // Get the rank of the process
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &world_rank);
    char processor_name[MPI_MAX_PROCESSOR_NAME]; // Name
    int name_len;
    MPI_Get_processor_name(processor_name, &name_len);

    printf("Hello world from proc %s, rank %d out of %d procs\n",
           processor_name, world_rank, world_size);

    MPI_Finalize(); // Finalize the MPI environment.
}
```

MPI – пример (Hello World)

```
host_file:
```

```
host1name
```

```
host2name
```

```
host3name
```

```
host4name
```

```
> export MPIRUN=./../mpirun
```

```
> export MPI_HOSTS=host_file
```

```
> mpirun -n 4 -f host_file ./mpi_hello_world
```

```
Hello world from proc host2name, rank 1 out of 4 procs
```

```
Hello world from proc host1name, rank 0 out of 4 procs
```

```
Hello world from proc host4name, rank 3 out of 4 procs
```

```
Hello world from proc host3name, rank 2 out of 4 procs
```

MPI – пример (Редуқции, SUM и AVG)

```
float *rand_nums = NULL;
rand_nums = create_rand_nums(num_elements_per_proc);

// Sum the numbers locally
float local_sum = 0;
int i;
for (i = 0; i < num_elements_per_proc; i++) {
    local_sum += rand_nums[i];
}

// Print the random numbers on each process
printf("Local sum for process %d - %f, avg = %f\n",
       world_rank, local_sum, local_sum / num_elements_per_proc);
```

MPI – пример (Редуқции, SUM и AVG)

```
// Reduce all of the local sums into the global sum
float global_sum;
MPI_Reduce(&local_sum, &global_sum, 1, MPI_FLOAT, MPI_SUM, 0,
           MPI_COMM_WORLD);

// Print the result
if (world_rank == 0) {
    printf("Total sum = %f, avg = %f\n", global_sum,
           global_sum / (world_size * num_elements_per_proc));
}
```

MPI – пример (Редуқции, SUM и AVG)

```
> mpirun -n 4 ./reduce_avg 100
```

```
Local sum for process 0 - 51.385098, avg = 0.513851
```

```
Local sum for process 1 - 51.842468, avg = 0.518425
```

```
Local sum for process 2 - 49.684948, avg = 0.496849
```

```
Local sum for process 3 - 47.527420, avg = 0.475274
```

```
Total sum = 200.439941, avg = 0.501100
```

POSIX Threads, Boost.Thread, TBB, ...

(Нишки, Синхронзация, ...)

Поддържат

- ❖ Поддържат създаване и управление на Нишки (Threads);
- ❖ Fork-Join;
- ❖ Mutexes;
- ❖ Condition variables;
- ❖ Синхронизация, read/write locks и бариери;
- ❖ Различни готови за използване „паралелни“ базови структури от данни;
- ❖ И др.;

pthread – *пример*

```
#include <pthread.h>
#include <stdio.h>

/* this function is run by the second thread */
void *inc_x(void *x_void_ptr) {
    /* increment x to 100 */
    int *x_ptr = (int *)x_void_ptr;
    while(++(*x_ptr) < 100);

    printf("x increment finished\n");

    /* the function must return something - NULL will do */
    return NULL;
}
```


pthread – пример

```
int main() {
    int x = 0, y = 0;

    /* show the initial values of x and y */
    printf("x: %d, y: %d\n", x, y);

    /* this variable is our reference to the second thread */
    pthread_t inc_x_thread;

    /* create a second thread which executes inc_x(&x) */
    if(pthread_create(&inc_x_thread, NULL, inc_x, &x)) {
        fprintf(stderr, "Error creating thread\n"); return 1;
    }
}
```



pthread – *npumep*

```
/* increment y to 100 in the first thread */
while (++y < 100);

printf("y increment finished\n");

/* wait for the second thread to finish */
if(pthread_join(inc_x_thread, NULL)) {
    fprintf(stderr, "Error joining thread\n"); return 2;
}

/* results - x is now 100 thanks to the second thread */
printf("x: %d, y: %d\n", x, y);

return 0;
}
```

Boost – пример

```
#include <boost/thread.hpp>
#include <boost/chrono.hpp>
#include <iostream>
void wait(int seconds) { boost::this_thread::sleep_for(
                        boost::chrono::seconds{seconds}); }
void thread() {
    for (int i = 0; i < 5; ++i) {
        wait(1);
        std::cout << i << '\n';
    }
}
int main() {
    boost::thread t{thread};
    t.join();
}
```

TBB – пример

```
#include "tbb/task_group.h"
using namespace tbb;
int Fib(int n) {
    if (n<2) {
        return n;
    } else {
        int x, y;
        task_group g;
        g.run([&]{x=Fib(n-1);}); // spawn a task.
        g.run([&]{y=Fib(n-2);}); // spawn another task.
        g.wait();                // wait for both tasks to
                                // complete.

        return x+y;
    }
}
```

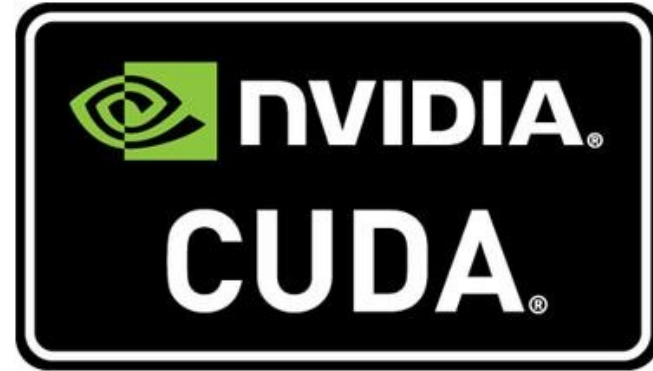


CUDA

(Compute Unified Device Architecture)

CUDA

- ❖ Това е платформа за паралелни изчисления и API създадена от Nvidia за работа и програмиране на техните GPGPU;
- ❖ Поддържа езиците C, C++ и Fortran;
- ❖ Платформата включва и множество силно оптимизирани библиотеки с математически и други функции като cuBLAS, cuFFT, cuRAND и др;
- ❖ Включени са и средства за създаване, дебъгиране, анализ и оптимизация на приложения базирани на CUDA;
- ❖ Подобно на OpenCL работата се базира на създаване на kernel-и и работа с тях;



Пример – Hello, CUDA!

```
#include <stdio.h>

const int N = 16;
const int blocksize = 16;

__global__
void hello(char *a, int *b) {
    a[threadIdx.x] += b[threadIdx.x];
}

int main() {
    char a[N] = "Hello \0\0\0\0\0\0";
    int b[N] = {15, 10, 6, 0, -11, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0};
    char *ad; int *bd;
    const int csize = N*sizeof(char);
    const int isize = N*sizeof(int);
    printf("%s", a);
```



Пример – Hello, CUDA!

```
cudaMalloc( (void**)&ad, csize );
cudaMalloc( (void**)&bd, isize );
cudaMemcpy( ad, a, csize, cudaMemcpyHostToDevice );
cudaMemcpy( bd, b, isize, cudaMemcpyHostToDevice );

dim3 dimBlock( blocksize, 1 );
dim3 dimGrid( 1, 1 );
hello<<<dimGrid, dimBlock>>>(ad, bd);
cudaMemcpy( a, ad, csize, cudaMemcpyDeviceToHost );
cudaFree( ad );
cudaFree( bd );

printf("%s\n", a);

return EXIT_SUCCESS;
}
```



Пример 2

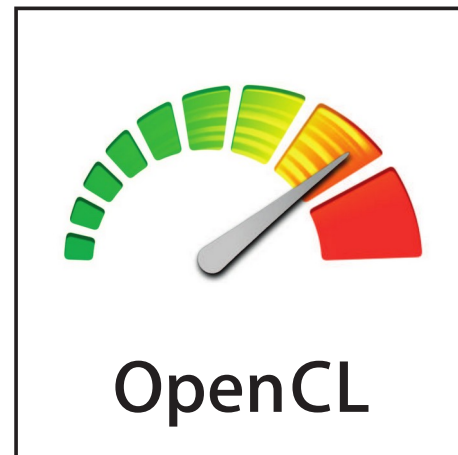
```
import pycuda.compiler as comp
import pycuda.driver as drv
import numpy
import pycuda.autoinit
mod = comp.SourceModule("""
__global__ void multiply_them(float *dest, float *a, float *b)
{
    const int i = threadIdx.x;
    dest[i] = a[i] * b[i];
}
""")
multiply_them = mod.get_function("multiply_them")
a = numpy.random.randn(400).astype(numpy.float32)
b = numpy.random.randn(400).astype(numpy.float32)
dest = numpy.zeros_like(a)
multiply_them(drv.Out(dest), drv.In(a), drv.In(b), block=(400,1,1))
print dest-a*b
```

OpenCL

(Open Computing Language)

OpenCL

- ❖ Това е стандартна софтуерна рамка (framework) за писане на хетерогенни и силно паралелни приложения;
- ❖ Използват се езици базирани на C99 и C++11, разширени с ключови думи и примитиви за програмиране на широк клас устройства;
- ❖ Поддържа CPU, GPU, Digital signal processors (DSPs), Field-programmable gate arrays (FPGAs) и други процесори и хардуерни ускорители;
- ❖ Всяка програма се разделя на две части – базова (написана на host езика на основната програма) и kernel-и написани на OpenCL C или OpenCL C++, които се компилират от вградения в OpenCL библиотеката компилатор;



OpenCL пример – умножение на вектор и матрица (OpenCL C kernel)

```
// matvec.cl
__kernel void matvec(__global const float *A,
                    __global const float *x,
                    uint ncols, __global float *y)
{
    size_t i = get_global_id(0);           // Global id row index
    __global float const *a = &A[i*ncols]; // I'th row ptr
    float sum = 0.f;                       // For dot product
    for (size_t j = 0; j < ncols; j++) {
        sum += a[j] * x[j];
    }
    y[i] = sum;
}
```

OpenCL пример – главна програма

```
#include <CL/cl.hpp>
#include <iostream>
#include <fstream>
int main() {
    std::vector<cl::Platform> platforms;
    cl::Platform::get(&platforms);
    auto platform = platforms.front();

    std::vector<cl::Device> devices;
    platform.getDevices(CL_DEVICE_TYPE_CPU, &devices);
    auto device = devices.front();

    std::ifstream demoFile("matvec.cl");
    std::string src(std::istreambuf_iterator<char>(demoFile),
                   (std::istreambuf_iterator<char>()));
```



```
cl::Program::Sources sources(1,
    std::make_pair(src.c_str(), src.length() + 1));

cl::Context context(device);
cl::Program program(context, sources);
auto err = program.build("-cl-std=CL1.2");

float A[16][3]; float x[3]; float y;
cl::Buffer memBufA(context, CL_MEM_HOST_READ_ONLY, sizeof(A));
cl::Kernel kernel(program, "matvec", &err);
kernel.setArg(0, memBufA); // Other params and result ...

cl::CommandQueue queue(context, device);
queue.enqueueWriteBuffer(memBufA, GL_TRUE, 0, sizeof(A), A);
queue.enqueueWriteBuffer(memBufX, GL_TRUE, 0, sizeof(x), x);
queue.enqueueTask(kernel);
queue.enqueueReadBuffer(memBufY, GL_TRUE, 0, sizeof(y), y);

cout << y;
```

OpenMP, OpenACC, C++ AMP

(Коделети, кернели, #pragma, GPU, ...)

HMPP (Hybrid Multicore Parallel Programming)

- ❖ Работа с хетерогенен хардуер;
- ❖ Базиран е на подход подобен на OpenMP с използване на `#pragma` анотации;
- ❖ Хетерогенните изчисления се програмират в т.нар. **коделети** – прости функции написани на базовия език (C или Fortran), които се компилират до езика на „target“ платформи като CUDA, OpenCL и др.;
- ❖ Може да се използва съвместно с OpenMP, MPI и др.;

OpenACC, C++ AMP, ...

- ❖ Аналогично OpenACC (open accelerators), предоставя подобен подход, но се поддържат C, C++ и Fortran. Коделетите тук се наричат **kernels**;
- ❖ Подобно е предназначението и подхода в C++ AMP. Първоначално той е разработка на Microsoft и се базира на превеждане на прости функции, лямбда изрази и други маркирани с ***restrict(amp)*** до извиквания на API функции базирани на DirectX 11. По-късно се появяват и реализации реализирани на базата на Clang/LLVM и OpenCL;



OpenHMP – пример

```
#pragma hmpp simple1 codelet, args[outv].io=inout, target=CUDA
static void matvec(int sn, int sm, float inv[sm],
                  float inm[sn][sm], float *outv){
    int i, j;
    for (i = 0 ; i < sm ; i++) {
        float temp = outv[i];
        for (j = 0 ; j < sn ; j++) {
            temp += inv[j] * inm[i][j];
        }
        outv[i] = temp;
    }
}
int main(int argc, char **argv) {
    int n;
    /* codelet use */
    #pragma hmpp simple1 callsite, args[outv].size={n}
    matvec(n, m, myinc, inm, myoutv);
}
```

Въпроси?
apenev@uni-plovdiv.bg